(a) Evaluate

TO THE PURE

Mention one of 1 of grant American

MATHEMATICS

noinleman i (General) was state

Paper: 5.2

(Numerical Methods and Spherical Astronomy)

Full Marks: 80

Time: 3 hours

The figures in the margin indicate full marks for the questions

Answer either in English or in Assamese

GROUP-A

(Numerical Methods)

- 1. Answer the following questions : 1×4=2
 তলত দিয়া প্ৰশ্নবোৰৰ উত্তৰ কৰা :
 - (a) Establish the relation $E=1+\Delta$. $E=1+\Delta$ সম্বন্ধটো স্থাপন কৰা।
 - (b) What is meant by interpolation?
 অন্তর্বেশন বুলিলে কি বুজা?

A7/70

(Turn Over)

(3)

3. (a) Evaluate: 10 10 (d) 10 (p) Tentile TENERA .45

- (c) Mention one advantage of Lagrange's interpolation formula.
 লাগ্ৰাঞ্জৰ অন্তর্কেশন সূত্রটোৰ এটা সুবিধা উল্লেখ কৰা।
- (d) State Newton's backward interpolation formula.
 নিউটনৰ পশ্চদিশিক (backward) অন্তর্বেশন সূত্রটো লিখা।
- 2. Answer the following questions : 2×3=6 তলত দিয়া প্ৰশ্নবোৰৰ উত্তৰ কৰা :

| Numerical Methods and Spherical Astronomy |

(a) Evaluate :
মান নিৰ্ণয় কৰা : আগ্ৰেমজা কৰা গা হেলমজা কাম

$$\Delta^2 e^{ax+b}$$

Answer either in English or in Assancese

(b) Prove that প্ৰমাণ কৰা যে

$$(1+\Delta)(1-\Delta)=1$$

(c) Construct a divided difference table from the following data :
তলত দিয়া তালিকাৰ পৰা এখন বিভাজিত অন্তৰৰ টেবুল গঠন কৰা :

$$y$$
 : -21 15 12 3

(Continued)

মান নিৰ্ণয় কৰা : $\Lambda^2 \sin(x+b)$

$$\frac{\Delta^2}{E}\sin(x+h) + \frac{\Delta^2\sin(x+h)}{E\sin(x+h)}$$

ালিক ক্রিক্সিলিক প্রাক্তি **Or / অথবা**

Determine the function whose first difference is $9x^2 + 11x + 5$.

তলত দিয়া প্ৰথম অন্তৰৰ পৰা ফলনটো নিৰ্ণয় কৰা :

$$0 = 3 - xS - \frac{8}{x}$$
 for $9x^2 + 11x + 5$

(b) State and prove Newton's formula for forward interpolation.

নিউটনৰ অগ্ৰগামী অন্তৰ্ৱেশন সূত্ৰ লিখা আৰু প্ৰমাণ কৰা ৷

or /অথবা

Applying Lagrange's formula, obtain the value of f(9) using the following table:

তলত দিয়া তালিকাখন ব্যৱহাৰ কৰি লাগ্ৰাঞ্জৰ সূত্ৰৰ সহায়ত f(9)ৰ মান উলিওৱা :

$$\dot{x}$$
: 5 7 11 13 17 $f(x)$: 150 392 1452 2366 5202

- 4. Answer either (a) or (b) of the following :
 তলৰ (a) অথবা (b) অংশৰ উত্তৰ কৰা :
 - (a) (i) Obtain cube root of 10 to 4 decimal places using Newton-Raphson method.
 নিউটন-ৰাফ্ছন্ পদ্ধতি ব্যৱহাৰ কৰি 4 দশমিক স্থানলৈ 10 ৰ ঘনমূল উলিওৱা।
 - (ii) Find a real root of the equation $x^3 2x 5 = 0$ correct to 3 decimal places using bisection method.

 দ্বিভাজন পদ্ধতি ব্যৱহাৰ কৰি $x^3 2x 5 = 0$ সমীকৰণৰ এটা বাস্তৱ মূল 3 দশমিক স্থানলৈ উলিওৱা।
 - (b) (i) Starting with x = 0.21, solve $x = 0.21 \sin(0.5 + x)$ using iteration method. 5 পুনৰাবৃত্তি পদ্ধতিৰে x = 0.21ৰ পৰা আৰম্ভ কৰি সমাধান কৰা $x = 0.21 \sin(0.5 + x)$.
 - (ii) Find the root of the equation $x^4 x 10 = 0$ which is nearer to x = 2 to 3 places of decimal. 5 $x^4 x 10 = 0$ সমীকৰণৰ x = 2ৰ নিকটবৰ্তী মূলটো 3 দশমিক স্থানলৈ উলিওৱা।

GROUP—B

(Spherical Astronomy)

- 5. Answer the following questions as directed :

 নিৰ্দেশানুযায়ী তলত দিয়া প্ৰশ্নবোৰৰ উত্তৰ কৰা :
 - (a) Define secondary circle of a great circle.
 এটা গুৰুবৃত্তৰ গৌণবৃত্তৰ সংজ্ঞা দিয়া।
 - (b) Write one property of pole of a great circle.

 এটা গুৰুবৃত্তৰ মেৰুৰ এটা ধৰ্ম লিখা।
 - (c) State the cosine formula related to a spherical triangle.

 এটা গোলক ত্ৰিভূজৰ ক্ষেত্ৰত ক'চাইন (cosine)ৰ
 সূত্ৰটো লিখা।
 - (d) The motion of the sun takes place along a great circle called the ____.

 (Fill in the blank)

সৃষ্ঠ গতি কৰা গুৰুবৃত্তটোৰ নাম হ'ল ____

ন = ১+ ৫ প্ৰায় ভতৰ ১৮১৭ চনত হৈছে (খালী ঠাই পূৰণ কৰা) ০ = ১১ চনত ২৪ চনত ১৮৮৮

(Continued)

- (e) What are the right ascension and declination of a star situated at the first point of aries?

 মেষৰ প্ৰথম বিন্দুত (first point of aries) অৱস্থান কৰা তৰা এটাৰ বিষুৱাংশ আৰু বিষুৱ লম্ব কিমান?
- (f) What is the latitude of the sun?
 সূৰ্যৰ অক্ষাংশ কিমান?
- **6.** (a) In an equilateral spherical triangle ABC, prove that

$$\cos A = \frac{\cos a}{1 + \cos a}$$

এটা সমবাহু গোলক ত্ৰিভূজ ABCৰ ক্ষেত্ৰত প্ৰমাণ কৰা যে

$$\cos A = \frac{\cos a}{1 + \cos a}$$

- (b) In a neat diagram, show the longitude and latitude of a star.
 এটা পৰিস্থাৰ চিত্ৰ আঁকি নক্ষত্ৰ এটাৰ দ্ৰাঘিমাংশ আৰু অক্ষাংশ দেখুওৱা।
- 7. (a) In a spherical triangle ABC, if $b+c=\pi$, then show that $\sin 2B + \sin 2C = 0$. 5
 এটা গোলক ত্ৰিভুজ ABCৰ ক্ষেত্ৰত যদি $b+c=\pi$ হয়, তেন্তে দেখুওৱা যে, $\sin 2B + \sin 2C = 0$.

০০ / অথবা

In a spherical triangle ABC, prove that $\cos a \cos c = \sin a \cot b - \sin c \cot B$. ABC গোলক ত্রিভূজৰ ক্ষেত্রত প্রমাণ কৰা যে $\cos a \cos c = \sin a \cot b - \sin c \cot B$.

- (b) If the right ascension of a star is equal to latitude, show that longitude is equal to declination.
 এটা জ্যোতিম্বৰ বিষুৱাংশ তাৰ অক্ষাংশৰ সমান হ'লে দেখুওৱা যে তাৰ দ্রাঘিমাংশ বিষুৱ লম্বৰ সমান হয়।
- 8. Answer either (a) and (b) or (c) and (d):
 (a) আৰু (b) অথবা (c) আৰু (d) ৰ উত্তৰ কৰা:
 - (a) If ψ is the angle which a star makes at rising with the horizon, prove that cosψ = sin φsec δ, where φ being observer's latitude and δ being declination of the star.
 এটা তৰহি উদয়ত আনুভূমিকৰ লগত ψ কোণ কৰিলে প্ৰমাণ কৰা যে, cosψ = sin φsec δ য'ত φ হ'ল পৰ্যবৈক্ষকৰ অক্ষাংশ আৰু δ হ'ল তৰাৰ বিষুৱ লম্ব।
 - (b) Write short notes on : 3+3=6
 চমু টোকা লিখা :
 - (i) Rising and setting of stars জ্যোতিস্থৰ উদয়াস্ত
 - (ii) Circumpolar star পৰিশ্ৰুৱী তৰা

A7/70

(Continued)

A7/70

(Turn Over)

(c) If z₁ and z₂ are the zenith distances of a circumpolar star at the upper and lower transits which are on the same side of the zenith, find the latitude of the observer.

মাধ্যাহ্নিক বেখাৰ ওপৰত উৰ্ধ্ব আৰু নিমু অৱস্থানত মেৰুপ্ৰদেশ ঘেৰি অৱস্থিত নক্ষত্ৰ এটাৰ শীৰ্ষবিন্দুৰ পৰা দূৰত্ব ক্ৰমে z_1 আৰু z_2 হ'লে আৰু দুয়োটা অৱস্থান শীৰ্ষবিন্দুৰ একেফালে অৱস্থিত হ'লে, পৰ্যবেক্ষকৰ অক্ষাংশ উলিওৱা।

8. Answer ether (a) and (b) or (c) and (d):

(d) If H and A be the hour angle and azimuth of a star at setting, then prove that

 $\cos H = -\tan \phi \tan \delta$ $\cos A = \sec \phi \sin \delta$

where ϕ being latitude of the place and δ being declination of the star.

নক্ষত্ৰ এটাৰ অস্তগমনত হোৱা কোণ H আৰু দিগন্তাংশ A হ'লে, প্ৰমাণ কৰা যে

 $\cos H = -\tan \phi \tan \delta$ $\cos A = \sec \phi \sin \delta$

য'ত φ ঠাইৰ অক্ষাংশ আৰু δ তৰাটোৰ বিষুৱ লম্ব হয়।

9. (a) Define the following terms: 4
তলত দিয়াবোৰৰ সংজ্ঞা দিয়া:

- (i) Superior planet and inferior planet বহিঃগ্ৰহ আৰু অন্তঃগ্ৰহ
- (ii) Perihelion and aphelion অনুসূৰ আৰু অপসূৰ
- (b) State Kepler's laws of planetary motion.

 Deduce Kepler's second law from
 Newton's law of gravitation. 3+3=6

 গ্ৰহৰ গতি-সম্বন্ধীয় কেপ্লাৰৰ সূত্ৰসমূহ লিখা। নিউটনৰ
 মাধ্যাকৰ্ষণ সূত্ৰৰ পৰা কেপ্লাৰৰ দ্বিতীয় সূত্ৰটো

What is reant by annual parallax

উলিওৱা ৷

ঁত থাকিলে এটা ভবাৰ বাৰ্ষিক লালন দলত

If V_1 and V_2 be the velocities of two planets in their orbits and r_1 , r_2 be the respective distances from the sun, prove that $V_2: V_1 = \sqrt{r_1}: \sqrt{r_2}$.

নিজ কক্ষপথত দুটা গ্ৰহৰ বেগ V_1 আৰু V_2 , আৰু সূৰ্যৰ পৰা দূৰত্ব ক্ৰমে r_1 , r_2 হ'লে, প্ৰমাণ কৰা যে $V_2:V_1=\sqrt{r_1}:\sqrt{r_2}$.

일본(학교 최대학교 후 학교 강

10. Answer either (a) or (b) :
(a) অথবা (b) ৰ উত্তৰ কৰা :

(a) (i) Define parallax. What is horizontal parallax? 2+2=4 লম্বনৰ সংজ্ঞা লিখা। আনুভূমিক লম্বন কি?

(ii) If S be the semi-vertical angle of the tangent cone to the moon from the earth's centre when the moon's horizontal parallax is P and if S', P' be another similar part, prove that the earth being supposed spherical sin S: sin S' = sin P: sin P'.

পৃথিৱীৰ কেন্দ্ৰবিন্দুৰ পৰা চন্দ্ৰলৈ টনা স্পৰ্শ শংকুৰ অধ্ভলম্ব কোণ S আৰু চন্দ্ৰৰ আনুভূমিক লম্বন P হ'লে আৰু S', P' সদৃশ অন্য এটা অংশ হ'লে, পৃথিৱীক গোলাকাৰ হিচাপে লৈ প্ৰমাণ কৰা যে sin S: sin S' = sin P: sin P'.

(b) (i) What is meant by annual parallax of a star? Show that due to annual parallax a star is displaced towards the sun.

2+4=6
নক্ষত্ৰ এটাৰ বাৰ্ষিক লম্বন বুলিলে কি বুজা?
দেখুওৱা যে বাৰ্ষিক লম্বনৰ ফলত নক্ষত্ৰ এটা সূৰ্যৰ

(ii) Where must a star be situated so that effect of annual parallax is greatest?
ক'ত থাকিলে এটা তৰাৰ বাৰ্ষিক লম্বনৰ ফলত বিস্থাপন সৰ্বোচ্চ হ'ব ?

(iii) The parallax of a star is 0.023". Find its distance (1) in persecs and (2) in light years.

এটা তৰাৰ লম্বন 0.023". তৰাটোৰ দূৰত্ব উলিওৱা (1) পাৰচেক্ (persecs)ত আৰু (2) আলোকবৰ্ষ (light year)ত। 2

A7/70

(Continued)

A7—6000/70 3 (Sem-5) MAT 2